

**Таблица значений тригонометрических функций:**

| Функция                     | Аргумент $\alpha$ |                      |                      |                      |                 |                       |                       |                       |       |                       |                       |                       |                  |                       |                       |                       |        |
|-----------------------------|-------------------|----------------------|----------------------|----------------------|-----------------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|-------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|------------------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|--------|
|                             | 0                 | $\frac{\pi}{6}$      | $\frac{\pi}{4}$      | $\frac{\pi}{3}$      | $\frac{\pi}{2}$ | $\frac{2\pi}{3}$      | $\frac{3\pi}{4}$      | $\frac{5\pi}{6}$      | $\pi$ | $\frac{7\pi}{6}$      | $\frac{5\pi}{4}$      | $\frac{4\pi}{3}$      | $\frac{3\pi}{2}$ | $\frac{5\pi}{3}$      | $\frac{7\pi}{4}$      | $\frac{11\pi}{6}$     | $2\pi$ |
|                             | 30°               | 45°                  | 60°                  | 90°                  | 120°            | 135°                  | 150°                  | 180°                  | 210°  | 225°                  | 240°                  | 270°                  | 300°             | 315°                  | 330°                  | 360°                  |        |
| $\sin \alpha$               | 0                 | $\frac{1}{2}$        | $\frac{\sqrt{2}}{2}$ | $\frac{\sqrt{3}}{2}$ | 1               | $\frac{\sqrt{3}}{2}$  | $\frac{\sqrt{2}}{2}$  | $\frac{1}{2}$         | 0     | $-\frac{1}{2}$        | $-\frac{\sqrt{2}}{2}$ | $-\frac{\sqrt{3}}{2}$ | -1               | $-\frac{\sqrt{3}}{2}$ | $-\frac{\sqrt{2}}{2}$ | $-\frac{1}{2}$        | 0      |
| $\cos \alpha$               | 1                 | $\frac{\sqrt{3}}{2}$ | $\frac{\sqrt{2}}{2}$ | $\frac{1}{2}$        | 0               | $-\frac{1}{2}$        | $-\frac{\sqrt{2}}{2}$ | $-\frac{\sqrt{3}}{2}$ | -1    | $-\frac{\sqrt{3}}{2}$ | $-\frac{\sqrt{2}}{2}$ | $-\frac{1}{2}$        | 0                | $\frac{1}{2}$         | $\frac{\sqrt{2}}{2}$  | $\frac{\sqrt{3}}{2}$  | 1      |
| $\operatorname{tg} \alpha$  | 0                 | $\frac{\sqrt{3}}{3}$ | 1                    | $\sqrt{3}$           | -               | $-\sqrt{3}$           | -1                    | $-\frac{\sqrt{3}}{3}$ | 0     | $\frac{\sqrt{3}}{3}$  | 1                     | $\sqrt{3}$            | -                | $-\sqrt{3}$           | -1                    | $-\frac{\sqrt{3}}{3}$ | 0      |
| $\operatorname{ctg} \alpha$ | -                 | $\sqrt{3}$           | 1                    | $\frac{\sqrt{3}}{3}$ | 0               | $-\frac{\sqrt{3}}{3}$ | -1                    | $-\sqrt{3}$           | -     | $\sqrt{3}$            | 1                     | $\frac{\sqrt{3}}{3}$  | 0                | $-\frac{\sqrt{3}}{3}$ | -1                    | $-\sqrt{3}$           | -      |

Прочерк «-» означает, что такого значения функции не существует.

Запоминать эти значения без необходимости не нужно, **но полезно знать**, что:

$$\sin 0 = 0, \sin \frac{\pi}{2} = 1, \cos 0 = 1, \cos \frac{\pi}{2} = 0$$

Это ускорит решение заданий.

Также время от времени требуются формулы по переводу градусов в радианы, и наоборот:

- 1) Радианы переводятся в градусы по формуле:  $\alpha_{\text{град}} = \alpha_{\text{рад}} \cdot \frac{180}{\pi}$ . Например, переведём в градусы  $\alpha_{\text{рад}} = \frac{\pi}{6}$ :  $\alpha_{\text{град}} = \frac{\pi}{6} \cdot \frac{180}{\pi} = 30^\circ$
- 2) Градусы переводятся в радианы по формуле:  $\alpha_{\text{рад}} = \frac{\alpha_{\text{град}} \cdot \pi}{180}$ . Например, переведём в радианы  $\alpha_{\text{град}} = 60^\circ$ :  $\alpha_{\text{рад}} = \frac{60 \cdot \pi}{180} = \frac{\pi}{3}$  рад.

**Таблица значений обратных тригонометрических функций:**

| Функция          | Аргумент $\alpha$ |                  |                       |                       |                       |                  |                 |                 |                      |                      |                      |                 |                 |
|------------------|-------------------|------------------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|------------------|-----------------|-----------------|----------------------|----------------------|----------------------|-----------------|-----------------|
|                  | $-\sqrt{3}$       | $-1$             | $-\frac{\sqrt{3}}{2}$ | $-\frac{\sqrt{2}}{2}$ | $-\frac{\sqrt{3}}{3}$ | $-\frac{1}{2}$   | $0$             | $\frac{1}{2}$   | $\frac{\sqrt{3}}{3}$ | $\frac{\sqrt{2}}{2}$ | $\frac{\sqrt{3}}{2}$ | $1$             | $\sqrt{3}$      |
| $\arcsin \alpha$ | $-$               | $-\frac{\pi}{2}$ | $-\frac{\pi}{3}$      | $-\frac{\pi}{4}$      | #####                 | $-\frac{\pi}{6}$ | $0$             | $\frac{\pi}{6}$ | #####                | $\frac{\pi}{4}$      | $\frac{\pi}{3}$      | $\frac{\pi}{2}$ | $-$             |
| $\arccos \alpha$ | $-$               | $\pi$            | $\frac{5\pi}{6}$      | $\frac{3\pi}{4}$      | #####                 | $\frac{2\pi}{3}$ | $\frac{\pi}{2}$ | $\frac{\pi}{3}$ | #####                | $\frac{\pi}{4}$      | $\frac{\pi}{6}$      | $0$             | $-$             |
| $\arctg \alpha$  | $-\frac{\pi}{3}$  | $-\frac{\pi}{4}$ | #####                 | #####                 | $-\frac{\pi}{6}$      | #####            | $0$             | #####           | $\frac{\pi}{6}$      | #####                | #####                | $\frac{\pi}{4}$ | $\frac{\pi}{3}$ |
| $\arcctg \alpha$ | $\frac{5\pi}{6}$  | $\frac{3\pi}{4}$ | #####                 | #####                 | $\frac{2\pi}{3}$      | #####            | $\frac{\pi}{2}$ | #####           | $\frac{\pi}{3}$      | #####                | #####                | $\frac{\pi}{4}$ | $\frac{\pi}{6}$ |

Например:  $\arcsin 1 = \frac{\pi}{2}$ ,  $\arccos\left(-\frac{\sqrt{2}}{2}\right) = \frac{3\pi}{4}$ ,  $\arctg(-1) = -\frac{\pi}{4}$ ,  $\arcctg\frac{\sqrt{3}}{3} = \frac{\pi}{3}$

Значком «#####» обозначены «плохие» углы, которые можно вычислить приближённо с помощью калькулятора, например:

$$\arctg\left(-\frac{\sqrt{3}}{2}\right) \approx -0,71 \text{ радиан.}$$

Полезно ознакомиться с графиками и основными свойствами тригонометрических функций и обратных тригонометрических функций. Читайте последние параграфы методического материала [Графики и свойства основных элементарных функций](#)

**Формулы приведения:**

| Функция        | Аргумент $\beta =$       |                          |                |                |                           |                           |                 |                 |
|----------------|--------------------------|--------------------------|----------------|----------------|---------------------------|---------------------------|-----------------|-----------------|
|                | $\frac{\pi}{2} - \alpha$ | $\frac{\pi}{2} + \alpha$ | $\pi - \alpha$ | $\pi + \alpha$ | $\frac{3\pi}{2} - \alpha$ | $\frac{3\pi}{2} + \alpha$ | $2\pi - \alpha$ | $2\pi + \alpha$ |
| $\sin \beta =$ | $\cos \alpha$            | $\cos \alpha$            | $\sin \alpha$  | $-\sin \alpha$ | $-\cos \alpha$            | $-\cos \alpha$            | $-\sin \alpha$  | $\sin \alpha$   |
| $\cos \beta =$ | $\sin \alpha$            | $-\sin \alpha$           | $-\cos \alpha$ | $-\cos \alpha$ | $-\sin \alpha$            | $\sin \alpha$             | $\cos \alpha$   | $\cos \alpha$   |
| $\tg \beta =$  | $\ctg \alpha$            | $-\ctg \alpha$           | $-\tg \alpha$  | $\tg \alpha$   | $\ctg \alpha$             | $-\ctg \alpha$            | $-\tg \alpha$   | $\tg \alpha$    |
| $\ctg \beta =$ | $\tg \alpha$             | $-\tg \alpha$            | $-\ctg \alpha$ | $\ctg \alpha$  | $\tg \alpha$              | $-\tg \alpha$             | $-\ctg \alpha$  | $\ctg \alpha$   |

Примеры использования таблицы:

$$\sin\left(\frac{\pi}{2} - \alpha\right) = \cos \alpha$$

$$\cos(\pi + \alpha) = -\cos \alpha$$

$$\tg\left(\frac{3\pi}{2} - \alpha\right) = \ctg \alpha$$

$$\ctg(2\pi + \alpha) = \ctg \alpha$$

Разумеется, формулы работают и справа налево.